

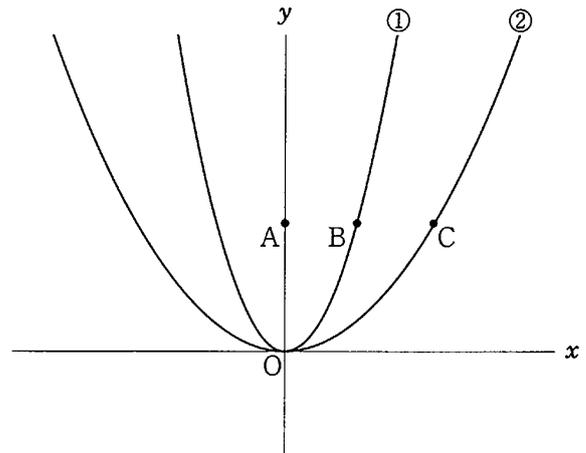
4. 二次関数と図形(面積・長さ)関連の複合問題 【2008年度出題】

【問1】

図のように、2つの関数 $y=x^2$ …①, $y=ax^2$ (a は正の定数) …② のグラフがあります。 y 軸上に点 A, ①のグラフ上に点 B, ②のグラフ上に点 C があり、点 A, B, C の y 座標はいずれも 4 とします。点 O は原点とし、点 B, C の x 座標はともに正の数とします。次の問いに答えなさい。

(北海道 2008 年度)

問1. 点 A を通り、傾きが $\frac{1}{6}$ である直線の式を求めなさい。



問2. $AB:AC=1:3$ のとき、 a の値を求めなさい。

問3. $a=\frac{1}{4}$ とします。線分 BC 上に点 D をとり、点 D の x 座標を t とします。点 D を通り、 y 軸に平行な直線と①, ②のグラフとの交点をそれぞれ E, F とします。 $\triangle ACE$ と $\triangle AFB$ の面積が等しくなるとき、 t の値を求めなさい。

問1	
問2	$a=$
問3	$t=$

【問2】

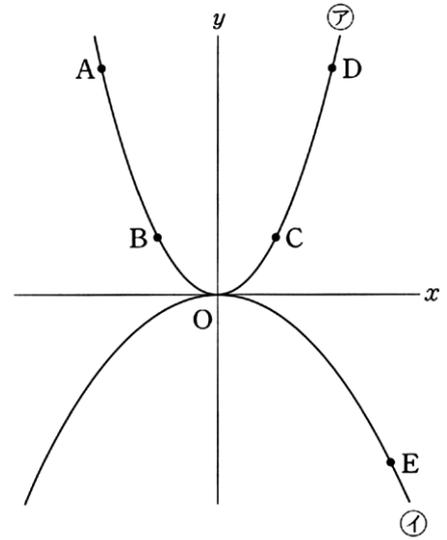
図において、㉞は関数 $y = \frac{1}{2}x^2$ ，㉟は関数 $y = ax^2 (a < 0)$ のグラフである。4 点 A, B, C, D は㉞上の点であり、点 E は㉟上の点である。点 A と点 D の y 座標は等しく、3 点 B, C, E の x 座標はそれぞれ $-2, 2, 6$ である。

(秋田県 2008 年度)

(1) 点 B の y 座標を求めなさい。

(2) $AD = 2BC$ となるとき、三角形 AOD の面積を求めなさい。

(3) 2 点 C, E を通る直線の傾きが -2 のとき、 a の値を求めなさい。



(1)	
(2)	
(3)	$a =$

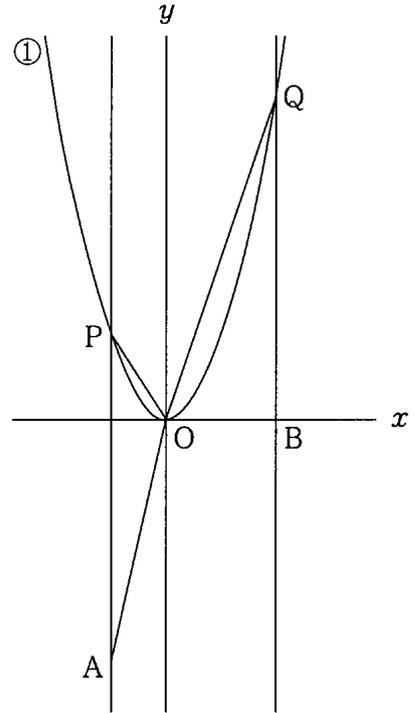
【問3】

図において、2点 A, B の座標は、それぞれ $(-2, -9)$, $(4, 0)$ であり、①は関数 $y=ax^2$ ($a>0$) のグラフである。点 A を通り y 軸に平行な直線と①との交点を P, 点 B を通り y 軸に平行な直線と①との交点を Q とする。このとき、次の問いに答えなさい。

(山形県 2008 年度)

(1) 2点 A, B を通る直線の傾きと切片を、それぞれ求めなさい。

(2) $\triangle OAP$ の面積と $\triangle OBQ$ の面積の比が $1:2$ であるとき、 a の値を求めなさい。



(3) (2)で求めた a の値を用い、関数 $y=ax^2$ について、 x の値が -2 から -1 まで増加するときの変化の割合を求めなさい。

(1)	傾き	切片
(2)		
(3)		

【問4】

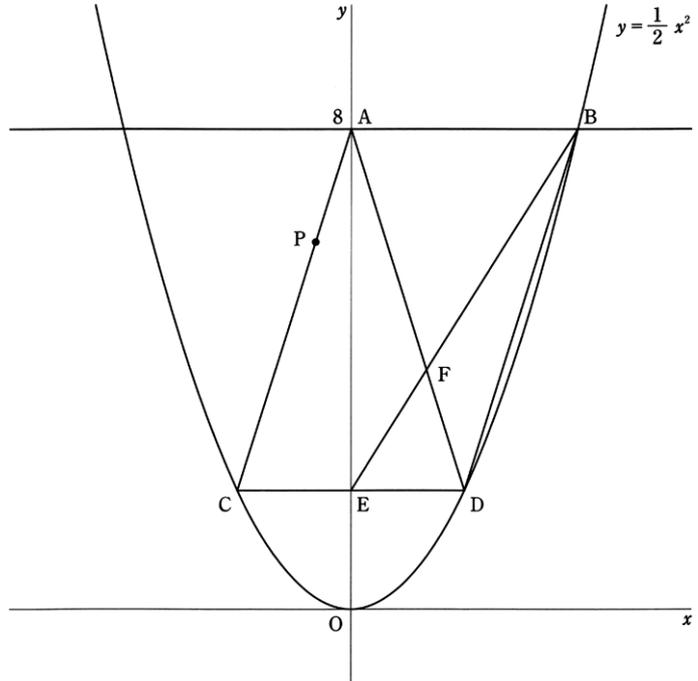
図のように、関数 $y = \frac{1}{2}x^2$ のグラフと点 A (0, 8) がある。A を通り x 軸に平行な直線と放物線との交点のうち、 x 座標が正である点を B とし、四角形 ACDB が平行四辺形となるように放物線上に 2 点 C, D をとる。また、CD と y 軸との交点を E、線分 AD と線分 BE との交点を F とする。このとき、次の問1～問3に答えなさい。

(福島県 2008 年度)

問1. 点 B の x 座標を求めなさい。

問2. $\triangle AFB$ の面積を求めなさい。

問3. 四角形 PCEF の面積が $\triangle AFB$ の面積と等しくなるように、線分 AC 上に点 P をとる。このとき、点 P の座標を求めなさい。



問1	
問2	
問3	P(,)

【問5】

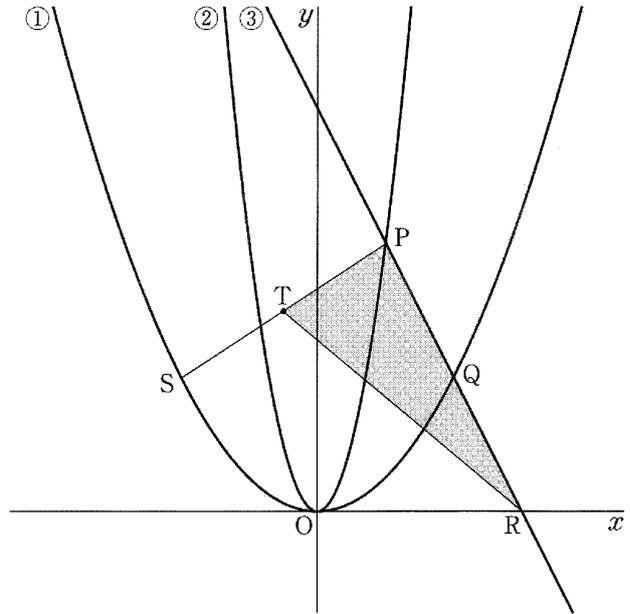
図において、①は関数 $y = \frac{1}{4}x^2$ ②は関数 $y = ax^2$ ($a > 0$)、③は1次関数のグラフであり、②と③の交点Pの座標は (2, 8)、①と③の交点Qのx座標は4である。また③とx軸の交点をR、点Qとy軸について対称な点をS、線分PSの中点をTとする。このとき、次の問1～問3に答えなさい。

(山梨県 2008 年度)

問1. a の値を求めなさい。

問2. ③の直線の式を求めなさい。

問3. $\triangle PTR$ の面積を求めなさい。



問1	$a =$
問2	
問3	

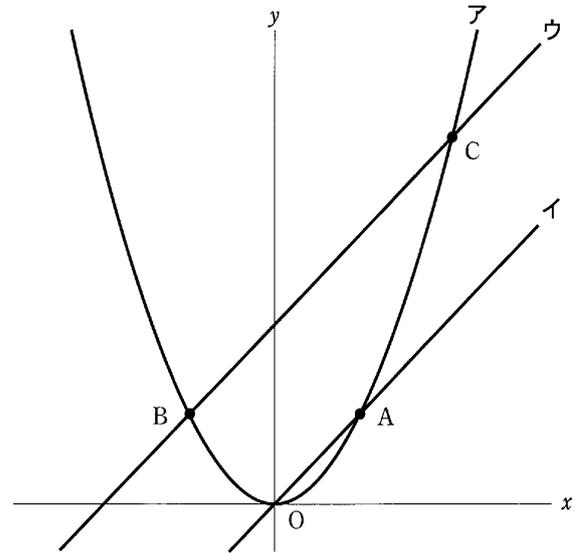
【問6】

図において、曲線アは関数 $y = \frac{1}{3}x^2$ のグラフであり、直線イは関数 $y = x$ のグラフである。曲線アと直線イとの交点のうち、 x 座標が3である点をAとする。また、曲線ア上に、 x 座標が負で y 座標が点Aと等しい点Bをとる。さらに、点Bを通り、直線イに平行な直線をウとし、曲線アと直線ウとの交点のうち、点Bと異なる点をCとする。このとき、次の問1、問2に答えなさい。ただし、Oは原点、座標の目盛りの単位はcmとする。

(茨城県 2008年度)

問1. 直線ウの式を求めなさい。

問2. $\triangle OAC$ の面積を求めなさい。

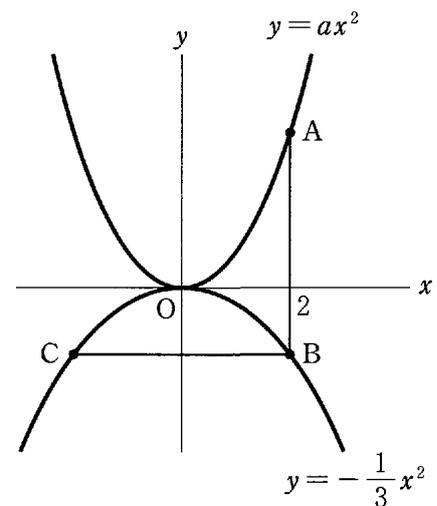


問1	
問2	cm ²

【問7】

図は、2つの関数 $y = ax^2 (a > 0)$, $y = -\frac{1}{3}x^2$ のグラフである。それぞれのグラフ上の、 x 座標が2である点をA、Bとする。また、Bを通り x 軸に平行な直線と、 $y = -\frac{1}{3}x^2$ のグラフとの交点のうちBと異なる点をCとする。AB=BCが成り立つとき、 a の値を求めなさい。

(栃木県 2008年度)



$a =$

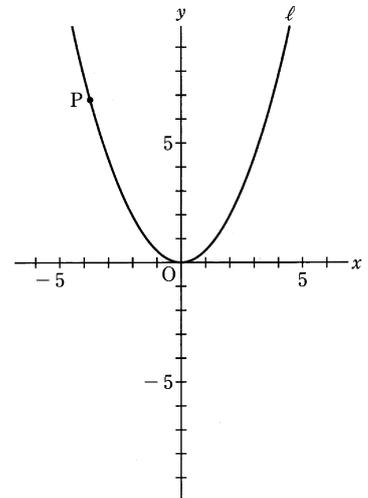
【問8】

図1で、点Oは原点、曲線 ℓ は関数 $y = \frac{1}{2}x^2$ のグラフを表している。曲線 ℓ 上にある点をPとする。次の各問に答えよ。

(東京都 2008 年度)

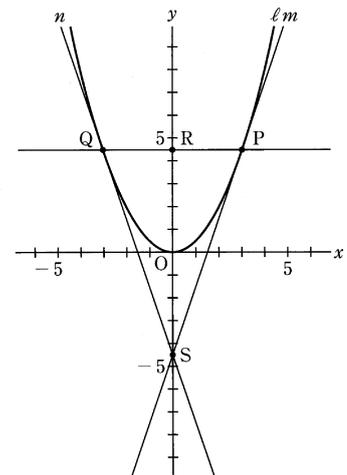
問1. 点Pのx座標を a 、y座標を b とする。 a のとり値の範囲が $-3 \leq a \leq 1$ のとき、 b のとり値の範囲を不等号を使って、 $\square \leq b \leq \square$ で表せ。

図1



問2. 図2は、図1において、点Pのx座標が正の数するとき、点Pを通りx軸に平行な直線をひき、曲線 ℓ との交点のうちx座標が負の数である点をQ、y軸との交点をR、x軸を対称の軸として点Rと線対称な点をSとし、2点P、Sを通る直線を m 、2点Q、Sを通る直線を n とした場合を表している。次の(1)、(2)に答えよ。

図2



(1) 直線 m が点 $(0, -8)$ を通るとき、点Pの座標を求めよ。

(2) 2点O、Pを通る直線と直線 n との交点をTとした場合を考える。点Pのx座標が2のとき、線分QTの長さとの長さの比をもっとも簡単な整数の比で表せ。

問1	$\leq b \leq$	
問2	(1)	
	(2)	QT:TS = :

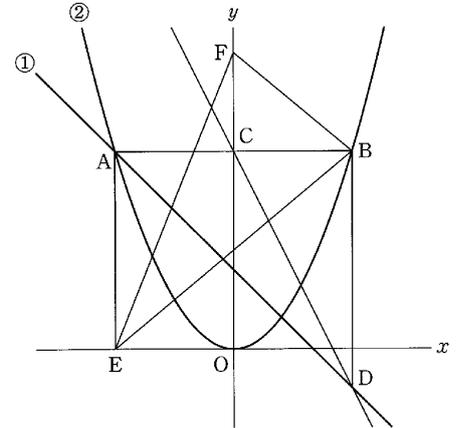
【問9】

図において、直線①は関数 $y = -x + 2$ のグラフであり、曲線②は関数 $y = ax^2$ のグラフである。点 A は直線①と曲線②との交点で、その x 座標は -3 である。点 B は曲線②上の点で、線分 AB は x 軸に平行であり、点 C は線分 AB と y 軸との交点である。また、点 D は直線①上の点で、線分 BD は y 軸に平行である。原点を O とするとき、次の問いに答えなさい。

(神奈川県 2008 年度)

問1. 曲線②の式 $y = ax^2$ の a の値を求めなさい。

問2. 直線 CD の式を求め、 $y = mx + n$ の形で書きなさい。



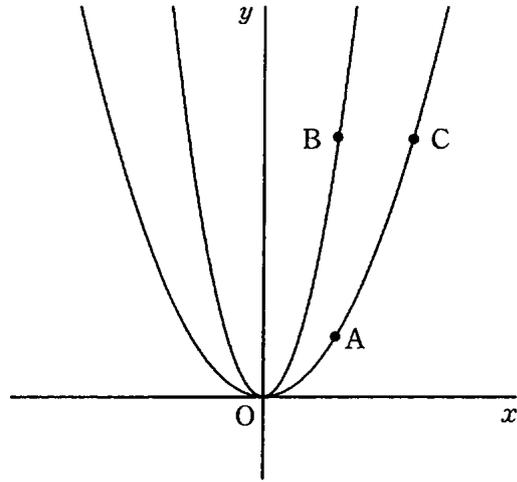
問3. 点 E は x 軸上の点で、線分 AE は y 軸に平行である。点 F は y 軸上の点で、その y 座標は正である。三角形 AEB と三角形 BFE の面積が等しくなるとき、点 F の座標を求めなさい。

問1	$a =$
問2	$y =$
問3	F(,)

【問 10】

図のように、関数 $y=x^2$ のグラフ上に 2 点 A, C, 関数 $y=4x^2$ のグラフ上に点 B があり、次の条件ア～ウをみたしている。

条件
 ア 3 点 A, B, C の x 座標は正である。
 イ 点 A, B の x 座標は等しい。
 ウ 点 B, C の y 座標は等しい。



このとき、次の問いに答えなさい。

(富山県 2008 年度)

問1. 点 A の座標が A(1, 1) のとき、他の 2 点の座標は B(1, 4), C(2, 4) となる。このとき、2 点 A, C を通る直線の式を求めなさい。

問2. 点 A の x 座標が 3 のとき、点 C の座標を求めなさい。

問3. 点 A の x 座標を a とする。3 点 A, B, C を結んでできる $\triangle ABC$ が二等辺三角形になるとき、 a の値を求めなさい。

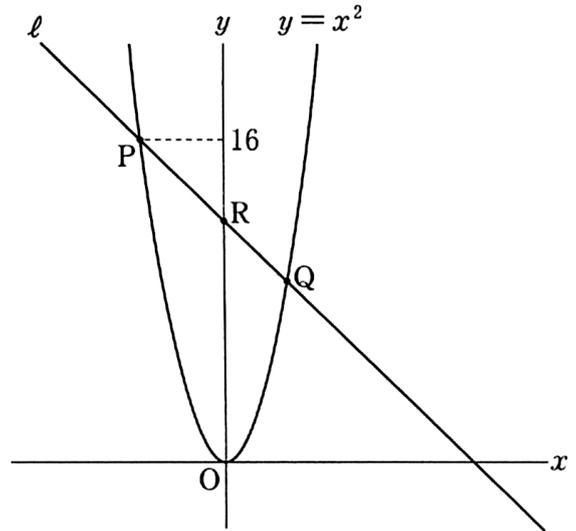
問1	$y =$
問2	(,)
問3	$a =$

【問 12】

図のように、関数 $y=x^2$ のグラフと直線 ℓ との交点を、それぞれ、P、Q とし、直線 ℓ と y 軸との交点を R とする。また、点 P の y 座標は 16 で、 $\triangle OPR$ と $\triangle OQR$ の面積比は 4:3 とする。このとき、次の問いに答えよ。

(福井県 2008 年度)

問1. 2点 P、Q の座標を求めよ。また、直線 ℓ の式を求めよ。



問2. 線分 PQ の長さを求めよ。

問3. 原点 O から直線 ℓ に垂線をひき、直線 ℓ との交点を H とするとき、OH の長さを求めよ。

問4. $\triangle OPQ$ を、直線 ℓ を軸として 1 回転させてできる立体の体積を求めよ。

問1	P (,) Q (,)
	直線 ℓ の式 $y =$
問2	
問3	
問4	

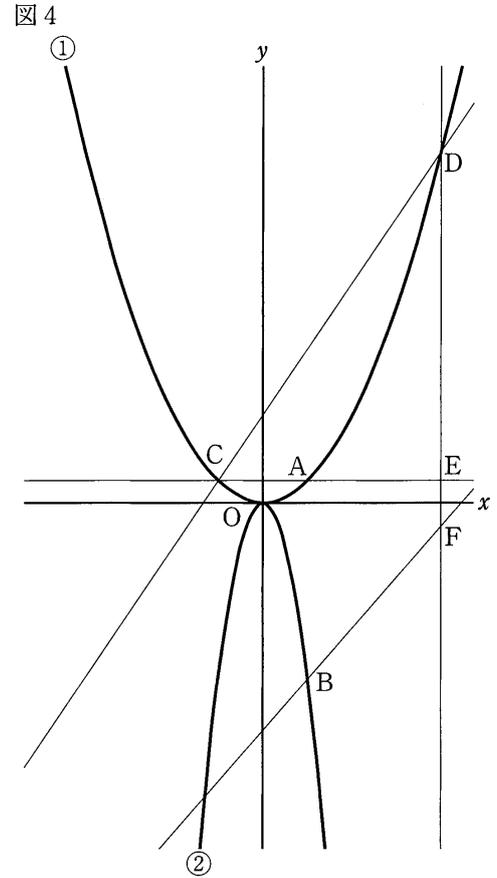
【問 13】

図 4 において、①は関数 $y=ax^2$ ($a>0$) のグラフであり、②は関数 $y=-2x^2$ のグラフである。2 点 A, B は、それぞれ放物線①, ②上の点で、その x 座標はともに 2 である。このとき、次の問1, 問2に答えなさい。

(静岡県 2008 年度)

問1. x の変域が $-3 \leq x \leq 1$ であるとき、関数 $y=-2x^2$ の y の変域を求めなさい。

問2. 点 A から y 軸にひいた垂線の延長と放物線①との交点を C とする。点 C を通り傾きが正である直線と放物線①との交点を D とする。点 D を通り y 軸に平行な直線と直線 AC との交点を E とする。また、点 E と x 軸について対称な点を F とする。CA:CE = 2:5 で、直線 CD と直線 BF が平行となるときの、 a の値を求めなさい。求める過程も書きなさい。



問1	
問2	求める過程 答 $a=$

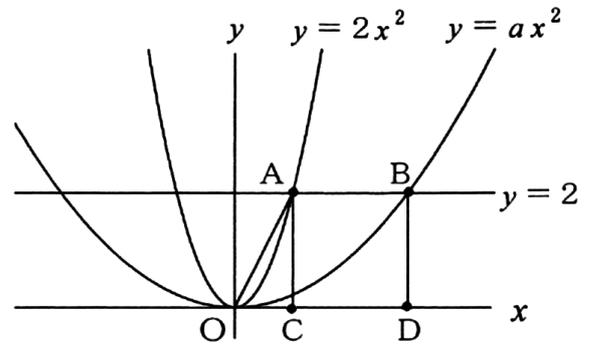
【問 14】

図で、 O は原点、 A, B はそれぞれ、直線 $y=2$ と 2 つの関数 $y=2x^2, y=ax^2$ (a は定数, $a>0$) のグラフとの交点のうち、 x 座標が正である点である。また、 C, D は x 軸上の点で、四角形 $ACDB$ は正方形である。このとき、次の (1), (2) の問いに答えよ。

(愛知県B 2008 年度)

(1) a の値を求めよ。

(2) 点 C を通り、台形 $AODB$ の面積を 2 等分する直線の式を求めよ。



(1)	$a=$
(2)	$y=$

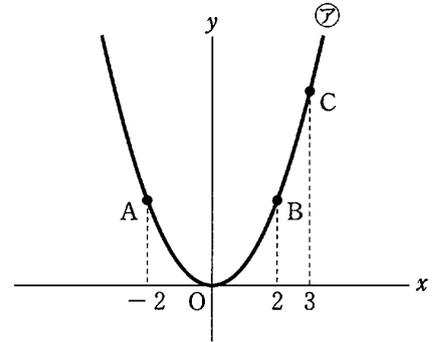
【問 15】

図のように、関数 $y=x^2 \cdots \textcircled{7}$ のグラフ上に、3 点 A, B, C があり、それらの x 座標はそれぞれ $-2, 2, 3$ である。このとき、次の各問いに答えなさい。

(三重県 2008 年度)

(1) 点 B の座標を求めなさい。

(2) 関数 $\textcircled{7}$ について、次のア～エのうち、変化の割合が最も大きくなるものを 1 つ選び、その記号を書きなさい。また、そのときの変化の割合を求めなさい。



- ア. x の値が -2 から 0 まで増加するときの変化の割合
- イ. x の値が 0 から 2 まで増加するときの変化の割合
- ウ. x の値が 0 から 3 まで増加するときの変化の割合
- エ. x の値が 2 から 3 まで増加するときの変化の割合

(3) 直線 AC の式を求めなさい。

(4) x 軸上に x 座標が 3 より大きい点 T ($t, 0$) をとり、 $\triangle ATC$ をつくる。 $\triangle ATC$ の面積が 30 になるとき、 t の値を求めなさい。

(1)	B (,)	
(2)	記号	変化の割合
(3)	$y =$	
(4)	$t =$	

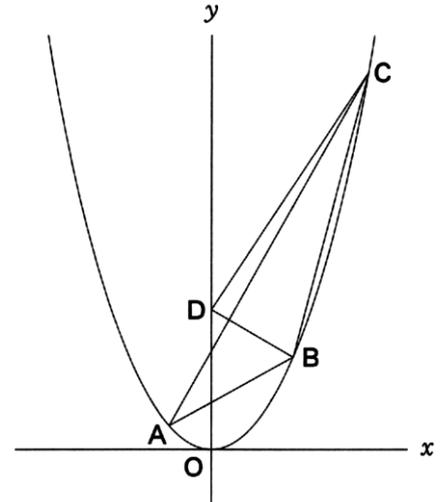
【問 16】

図のように、関数 $y=ax^2$ のグラフ上に 3 点 A, B, C がある。点 A の座標は $(-2, 1)$ 、点 B, C の x 座標はそれぞれ 4, 8 である。また、 y 軸上の $y>0$ の範囲に、 $\triangle ABC = \triangle BCD$ となるように点 D をとる。このとき、次の問1・問2に答えよ。

(京都府 2008 年度)

問1. a の値を求めよ。また、点 B の y 座標を求めよ。

問2. 直線 AD の式を求めよ。



問 1	$a =$	y 座標
問 2	$y =$	

【問 17】

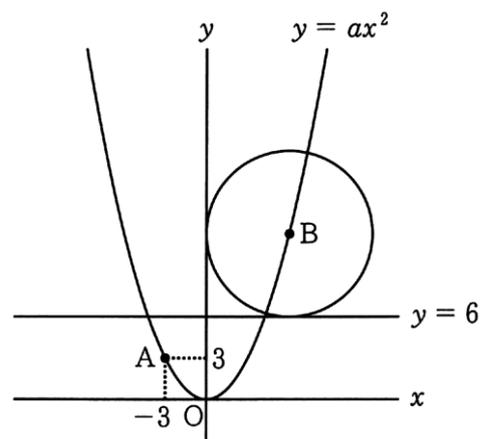
図のように、関数 $y=ax^2$ ($a>0$) のグラフ上に 2 点 A, B がある。点 A の座標は $(-3, 3)$ で、点 B を中心とする円が y 軸と直線 $y=6$ に接している。次の問いに答えなさい。ただし、座標軸の単位の長さは 1 cm とする。

(兵庫県 2008 年度)

問1. a の値を求めなさい。

問2. 点 B を中心とする円の半径を求めなさい。

問3. 点 B を中心とする円の周上に点 P をとり、線分 AP の長さをもっとも長くなるようにする。このとき、AP の長さを求めなさい。



問1	
問2	cm
問3	cm

【問 18】

図は、直線 $y = -1$ ①，関数 $y = \frac{1}{4}x^2$ ②，のグラフである。また、点 $A(0, 1)$, $B(0, -1)$ がある。点 P, Q は、それぞれ、①, ②のグラフ上にあり、 P と Q の x 座標は等しいものとする。次の問1～問4に答えなさい。

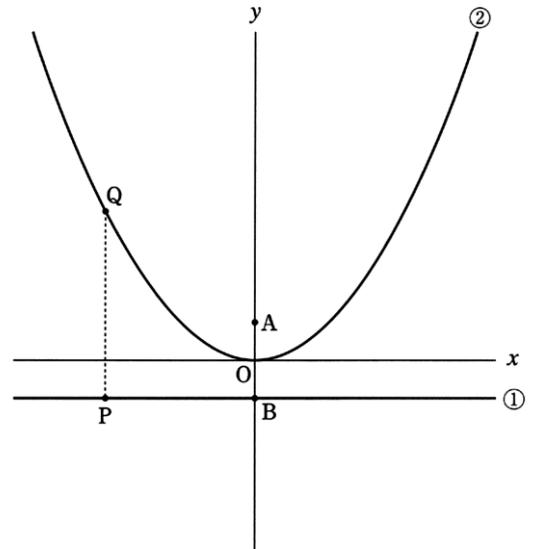
(和歌山県 2008 年度)

問1. 関数 $y = \frac{1}{4}x^2$ について、 x の値が2から4まで増加するときの変化の割合を求めなさい。

問2. P の x 座標が -6 のとき、 AQ の長さを求めなさい。

問3. P の x 座標が -4 のとき、4点 P, Q, A, R を結んでできる四角形がひし形になるように、点 R をとる。このとき、 R の座標を求めなさい。

問4. P の x 座標が4のとき、 A を通り、四角形 $ABPQ$ の面積を2等分する直線の式を求めなさい。

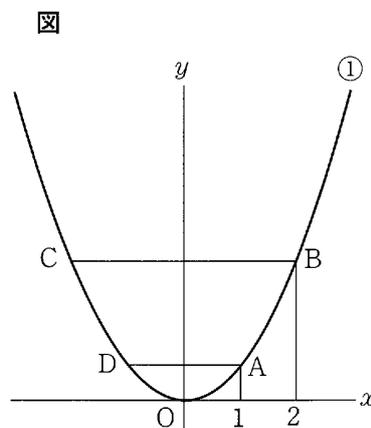


問1	
問2	$AQ =$
問3	
問4	$R(\quad , \quad)$

【問 19】

図において、①は関数 $y = ax^2$ のグラフを表す。点 A, B は①上の点であり、その x 座標は、それぞれ1, 2である。また、点 C, D も①上の点であり、線分 AD, BC は、それぞれ x 軸と平行である。4点 A, B, C, D を頂点とする四角形 $ABCD$ の面積が6となる時、 a の値を求めなさい。

(鳥取県 2008 年度)



$a =$

【問 20】

図 1 のように、関数 $y=ax^2$ のグラフの上に点 A $(-2, 2)$ と点 B $(4, 8)$ がある。次の問1～問5に答えなさい。

(島根県 2008 年度)

問1. a の値を求めなさい。

問2. 2 点 A, B を通る直線の式を求めなさい。

問3. $\triangle OAB$ の面積を求めなさい。

問4. 図 2 のように、線分 AB 上を動く点 P をとり、その x 座標を t とし、 $\triangle OAP$ の面積を S とする。 t の変域を $t \geq 0$ とするとき、 S を t の式で表し、そのグラフをかきなさい。

問5. 図 3 のように、直線 AB と y 軸の交点を C とし、線分 OB 上に、四角形 OACD が台形になるように点 D をとる。次の(1), (2)に答えなさい。

(1) 点 D の座標を求めなさい。

(2) 四角形 OACD を、 y 軸を軸として 1 回転してできる立体の体積を求めなさい。

図 1

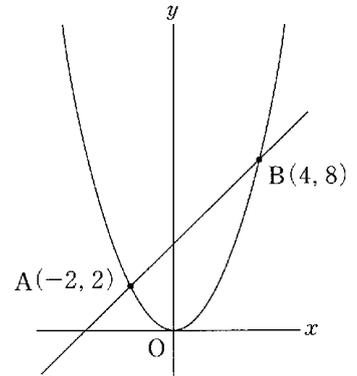


図 2

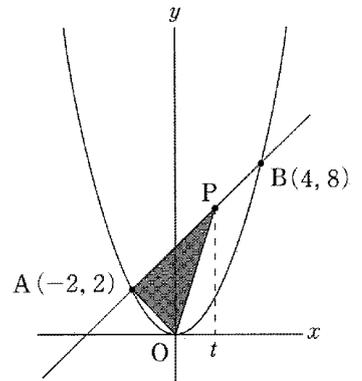
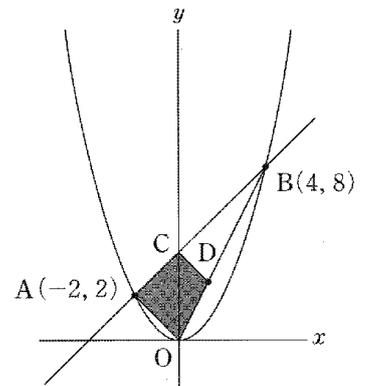


図 3

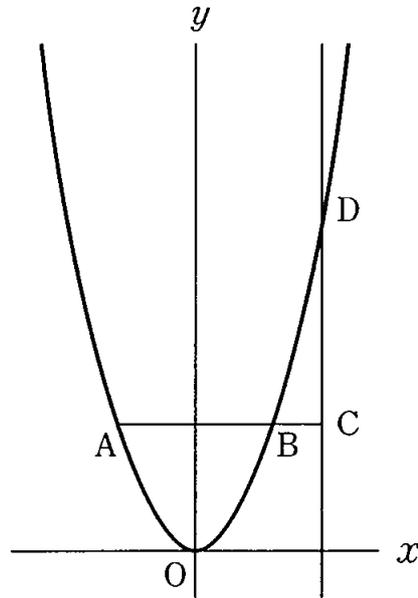


問1	$a=$	
問2		
問3		
問4	S=	
問5	(1)	(,)
	(2)	

【問 21】

図のように、関数 $y=x^2$ のグラフ上に 2 点 A, B があり、線分 AB は y 軸に垂直です。線分 AB の延長上に $BC=1$ となるように点 C をとります。点 C を通り y 軸に平行な直線と、関数が $y=x^2$ のグラフとの交点を D とします。このとき、 $AC=CD$ となります。このわけを、点 B の x 座標を a として、 a を使った式を用いて説明しなさい。ただし、 $a>0$ とします。

(広島県 2008 年度)



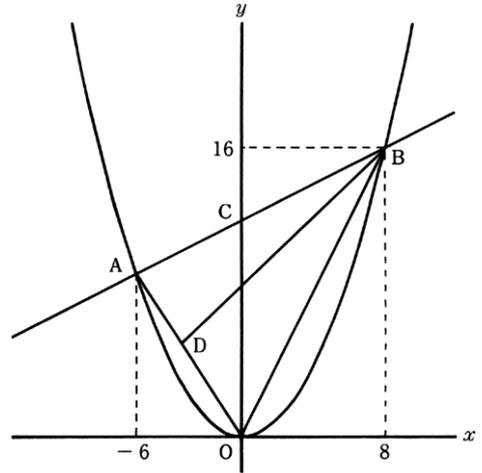
【問 22】

図のように、関数 $y=ax^2$ のグラフがある。2 点 A, B は関数 $y=ax^2$ のグラフ上の点であり、点 A の x 座標は -6 で、点 B の座標は $(8, 16)$ である。また、直線 AB と y 軸との交点を C とし、原点を O とする。このとき、次の問1, 問2の に適当な数または式を書き入れなさい。

(岡山県 2008 年度)

問1. a の値は であり、直線 AB の式は $y=$ である。

問2. 直線 OB の式は $y=$ である。また、点 O と点 A を結ぶ。点 D を、線分 OA 上に、 $\triangle OBD$ の面積が $\triangle OBC$ の面積と等しくなるようにとる。このとき、点 D の x 座標は である。



問1	(ア)	
	(イ)	$y=$
問2	(ア)	$y=$
	(イ)	

【問 23】

図のように、関数 $y=x^2$ のグラフがある。関数 $y=x^2$ のグラフ上に 2 点 A, B を、線分 AB が x 軸に平行で長さが 6 であるようにとる。また、関数 $y=x^2$ のグラフ上に x 座標が t である点 P をとり、直線 AP が x 軸と交わる点を Q とする。なお、 t は正の数であり、点 P は点 B と異なる点とする。次の問1～問4に答えなさい。

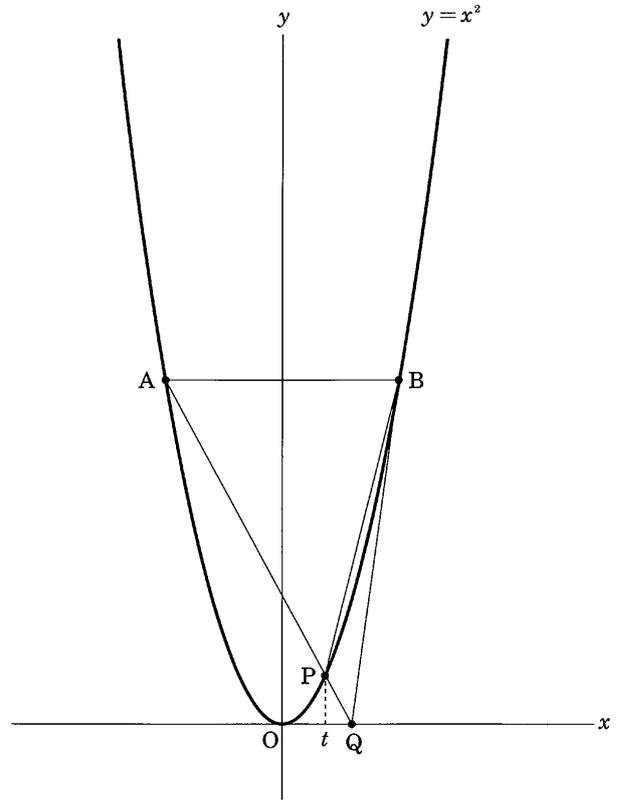
(徳島県 2008 年度)

問1. 点 B の座標を求めなさい。

問2. $t=2$ のとき、直線 AP の傾きを求めなさい。

問3. $t=4$ のとき、線分 PA と線分 AQ の長さの比を、最も簡単な整数の比で表しなさい。

問4. $\triangle APB$ の面積が 24 になる t の値を、すべて求めなさい。



問1	(,)
問2	
問3	PA:AQ= :
問4	

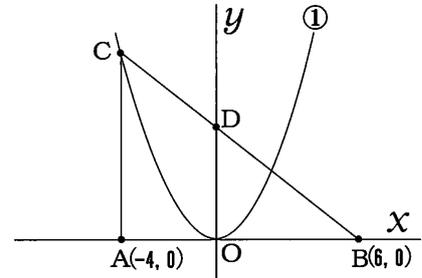
【問 24】

図で、点 O は原点であり、点 A, B の座標はそれぞれ $(-4, 0), (6, 0)$ である。放物線①は関数 $y = \frac{1}{2}x^2$ のグラフである。点 A を通り、 y 軸に平行な直線をひき、放物線①との交点を C とする。また、線分 BC と y 軸との交点を D とする。これについて、次の(1)～(3)の問いに答えよ。

(香川県 2008 年度)

(1) 2 点 A, B 間の距離を求めよ。

(2) 関数 $y = \frac{1}{2}x^2$ で、 x の変域が $-2 \leq x \leq 1$ のとき、 y の変域を求めよ。



(3) 線分 AC 上に点 P をとり、その y 座標を a とする。点 P と点 O を結ぶ。 $\angle PCD = \angle DOP$ であるとき、 a の値を求めよ。

(1)	
(2)	
(3)	$a =$

【問 25】

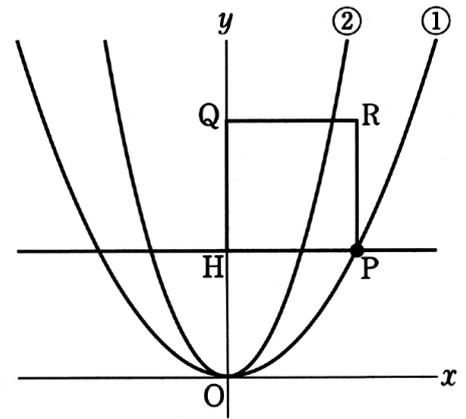
図において、放物線①、②はそれぞれ関数 $y = \frac{1}{3}x^2$ 、 $y = x^2$ のグラフである。また、点 P は放物線①上の $x \geq 0$ の範囲を動く点である。点 P を通り x 軸に平行な直線と y 軸との交点を H とし、線分 PH を 1 辺とする正方形 PHQR を、直線 PH について原点 O と反対側につくる。点 P の x 座標を t 、正方形 PHQR の面積を S とする。ただし、 $t=0$ のとき、 $S=0$ とする。このとき、次の問いに答えなさい。

(愛媛県 2008 年度)

問1. S を t の式で表し、そのグラフをかけ。

問2. $t > 0$ とする。正方形 PHQR の頂点 R が放物線②上にあるとき、

(1) t の値を求めよ。



(2) 原点 O を通る直線が正方形 PHQR の面積を二等分するとき、この直線の傾きを求めよ。

問1	式 $S =$	
問2	(1)	$t =$
	(2)	

【問 26】

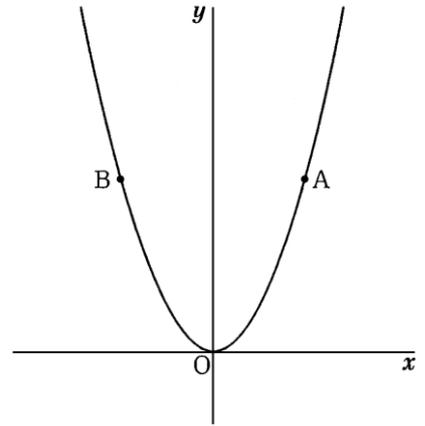
図は、関数 $y=ax^2$ のグラフで、点 A, B はこのグラフ上にある。点 A の座標は(4, 8)であり、点 B は点 A と y 軸について対称である。このとき、次の問1・問2に答えなさい。

(高知県 2008 年度)

問1. 定数 a の値を求めよ。

問2. y 軸上に点 C をとり、四角形 OACB がひし形となるようにするとき、次の(1), (2)の問いに答えよ。

(1) 2 点 A, C を通る直線の式を求めよ。



(2) 線分 AC 上に点 D をとり、三角形 OAD と四角形 ODCB の面積の比が 1:3 のとき、点 D の座標を求めよ。

問1	$a =$	
問2	(1)	
	(2)	(,)

【問 27】

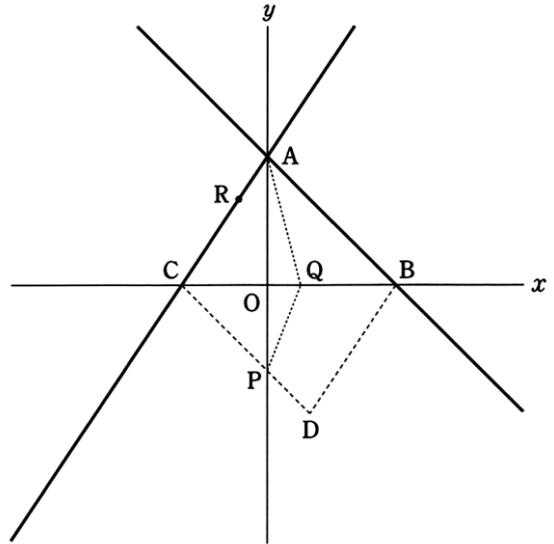
図のように、2 点 A (0, 3), B (3, 0) がある。点 A を通り、傾き $\frac{3}{2}$ の直線と x 軸との交点を C とする。また、四角形 ACDB が平行四辺形となるように点 D をとる。このとき、次の問1～問5に答えなさい。

(佐賀県 後期 2008 年度)

問1. 2 点 A, B を通る直線の式を求めなさい。

問2. 点 C の座標を求めなさい。

問3. 点 D の座標を求めなさい。



問4. 線分 CD と y 軸との交点を P とし、線分 CB 上に四角形 ACPQ の面積が $\frac{15}{2}$ となるように点 Q をとる。このとき、点 Q の座標を求めなさい。

問5. 問4のとき、線分 AC 上に点 R をとり、 $\triangle CPR$ と $\triangle CPQ$ の面積が等しくなるようにする。このとき、点 R の x 座標を求めなさい。

問1	
問2	C (,)
問3	D (,)
問4	Q (,)
問5	

【問 28】

図のように、2つの関数 $y = \frac{1}{2}x^2 \cdots \textcircled{1}$ 、 $y = -x^2 \cdots \textcircled{2}$ のグラフがあり、点 A、B はそれぞれ①、②上の点で x 座標はともに -2 である。また、 x 軸上の点 P ($t, 0$) を通り y 軸に平行な直線と①、②との交点をそれぞれ Q、R とする。ただし、 $t > 0$ とする。このとき、次の問1～問4に答えなさい。

(佐賀県 後期 2008 年度)

問1. AB の長さを求めなさい。

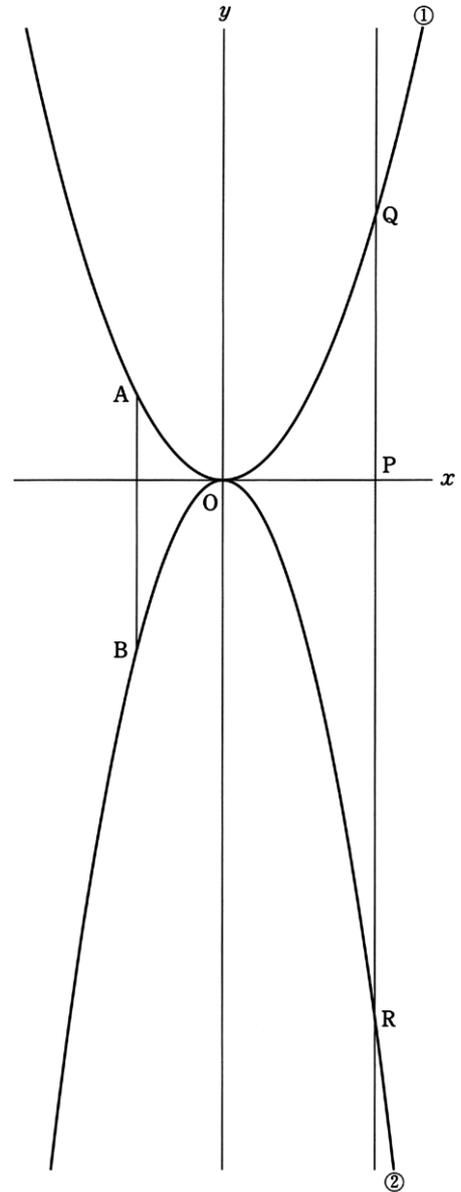
問2. $t = 1$ のとき、四角形 ABRQ の面積を求めなさい。

問3. $PQ = 2OP$ であるとき、 t の値を求めなさい。

問4. 問3のとき、直線 AR と直線 BQ の交点を C とする。このとき、次の(1)、(2)の問いに答えなさい。

(1) AR の長さを求めなさい。

(2) AC と BC の長さの比は、 $AC : BC = \square : 1$ となる。 \square にあてはまる数を求めなさい。



問1		
問2		
問3		
問4	(1)	
	(2)	

【問 29】

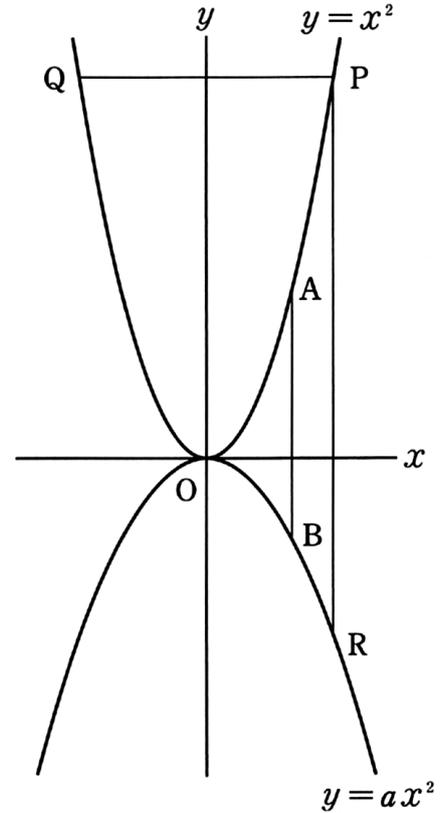
図のように、関数 $y=x^2$ のグラフ上に点 A, 関数 $y=ax^2$ ($a<0$) のグラフ上に点 B があり、線分 AB は y 軸に平行である。点 A, B の x 座標はともに正で、 y 座標はそれぞれ 4, -2 である。次の問1～問3に答えなさい。

(大分県 2008 年度)

問1. a の値を求めなさい。

問2. 点 A を通り、 $\triangle OAB$ の面積を二等分する直線の式を求めなさい。

問3. $y=x^2$ のグラフ上に 2 点 P, Q があり、線分 PQ は x 軸に平行である。また、 $y=ax^2$ のグラフ上に点 R があり、点 P, R の x 座標はともに t ($t>0$) である。線分 PQ と線分 PR の長さの比が 1:2 になるとき、 t の値を求めなさい。



問1	$a =$
問2	
問3	$t =$

【問 30】

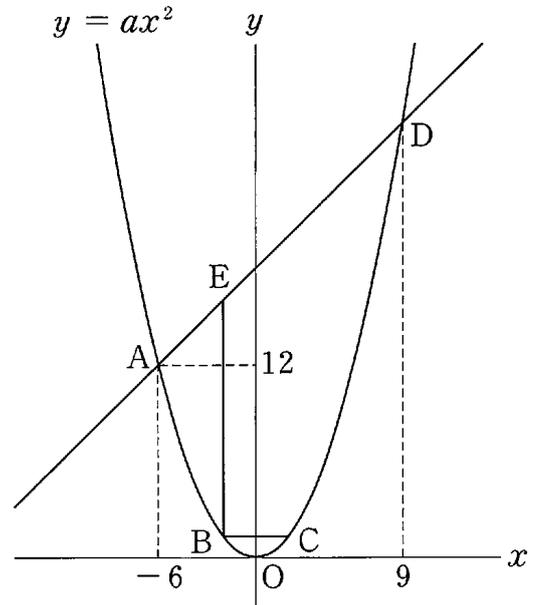
図のように、関数 $y=ax^2$ (a は定数) のグラフ上に 4 点 A, B, C, D がある。A の座標は $(-6, 12)$ で、D の x 座標は 9 である。線分 BC は x 軸に平行で、長さは 4 であり、C の x 座標は正である。また、直線 AD 上に点 E があり、線分 BE は y 軸に平行である。このとき、次の各問いに答えなさい。

(熊本県 2008 年度)

問1. a の値を求めなさい。

問2. 直線 AD の式を求めなさい。

問3. 線分 BE の長さを求めなさい。



問1	$a =$
問2	$y =$
問3	

【問 31】

図のように、関数 $y=ax^2$ (a は定数) …⑦のグラフ上に 2 点 A, B があり、A の x 座標は -6 、B の x 座標は 8 である。また、点 O は原点であり、直線 OB の傾きは直線 AB の傾きより 3 だけ大きい。このとき、次の各問いに答えなさい。

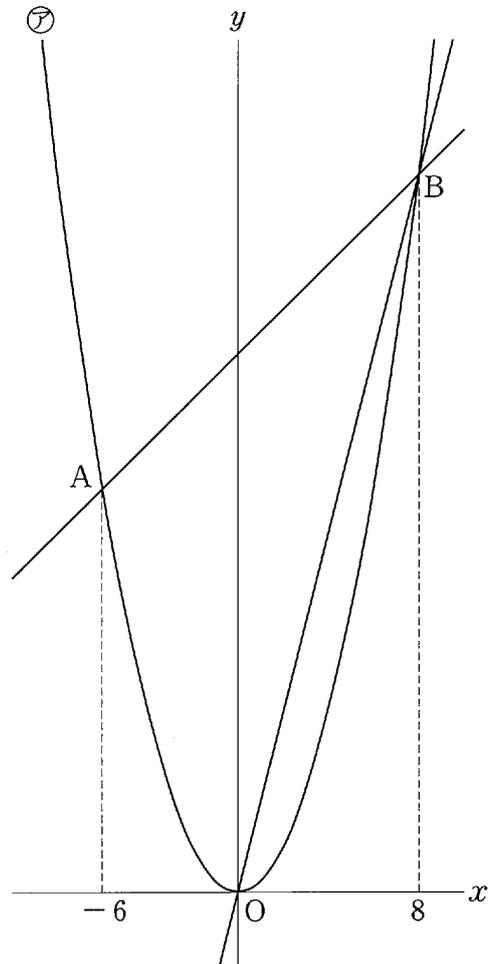
(熊本県 2008 年度)

問1. a の値を求めなさい。

問2. 関数⑦のグラフ上において、2 点 O, B の間に点 P をとる。また、関数⑦のグラフ上に、P とは異なる点 Q を、線分 PQ が x 軸に平行になるようにとり、線分 PQ の長さを t とする。さらに、線分 PQ と直線 OB との交点を R とし、直線 AB 上に点 S を、線分 RS が y 軸に平行になるようにとる。

(1) 線分 RS の長さを、 t を使った式で表しなさい。

(2) $RS:QR=3:1$ となるときの t の値を求めたい。 t についての方程式をつくり、 t の値を求めなさい。



問1	$a=$	
問2	(1)	
	(2)	方程式
		$t=$

【問 32】

図 I のように、関数 $y = \frac{1}{4}x^2$ のグラフと直線 l が、2 点 A, B で交わり、点 A, B の x 座標はそれぞれ、4, -2 である。このとき、次の問1～問3に答えなさい。

(宮崎県 2008 年度)

問1. 点 A の y 座標を求めなさい。

問2. 直線 l の式を求めなさい。

問3. 図 II は、図 I において原点 O を中心とし、点 A を通る円をかいたものであり、点 C は円周と直線 l との交点で、 x 座標は負、点 D は円周と x 軸との交点で、 x 座標は正である。このとき、次の(1), (2)の問いに答えなさい。

(1) 円周上に、 y 座標が負である点 E を、 $\angle ACE = 54^\circ$ となるようにとる。このとき、 $\angle DOE$ の大きさを求めなさい。

(2) 点 D を含む \widehat{AC} 上に、 x 座標が正である点 F を、 $\triangle ABO = \triangle ABF$ となるようにとる。このとき、点 F の x 座標を求めなさい。

図 I

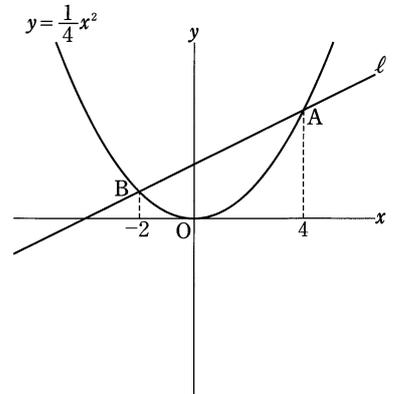
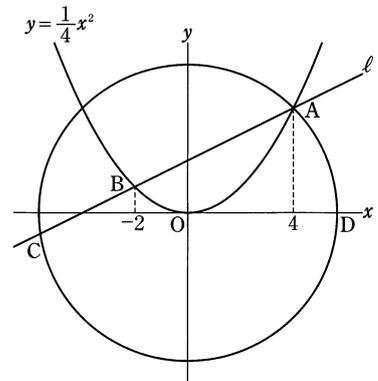


図 II



問1		
問2		
問3	(1)	$\angle DOE =$ 度
	(2)	

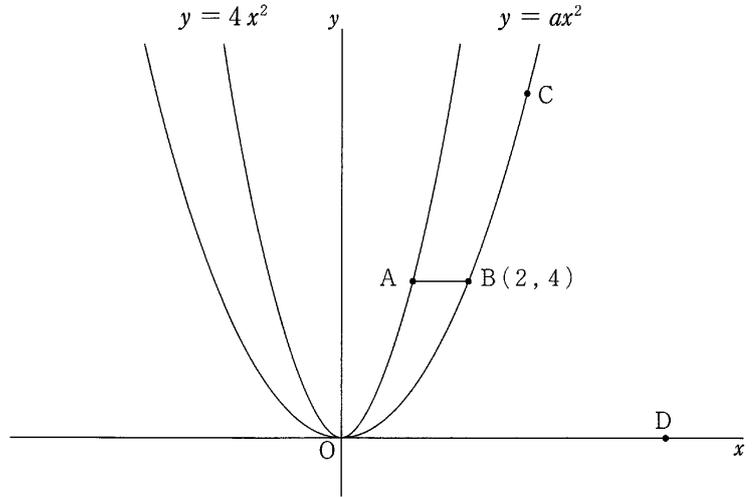
【問 33】

図のように、放物線 $y=4x^2$ 上に点 A をとり、放物線 $y=ax^2$ 上に 2 点 B, C をとる。ただし、点 B の座標は (2, 4) であり、線分 AB は x 軸に平行である。また、点 D は x 軸上の点である。このとき、次の問いに答えなさい。

(沖縄県 2008 年度)

問1. a の値を求めなさい。

問2. $\triangle ABC$ の面積が $\triangle OAB$ の面積の 3 倍であるとき、点 C の座標を求めなさい。ただし、点 C の x 座標は 2 より大きいとする。



問3. $\triangle OBD$ が辺 OD を斜辺とする直角三角形であるとき、点 D の x 座標を求めなさい。

問1	$a =$ _____
問2	C (_____ , _____)
問3	D (_____ , 0)